

Chapitre 5

Grammaires non contextuelles et arbres syntaxiques

Jean Privat

Université du Québec à Montréal

INF5000 — Théorie et construction des compilateurs
Automne 2011

Analyse syntaxique

Analyseur syntaxique

- Donnée : une séquence finie de jetons
- Résultat : une structure syntaxique (un arbre)

Générateur d'analyseur syntaxique

- Donnée : une description de syntaxe (une grammaire)
- Résultat : le code de l'analyseur syntaxique correspondant

Pour l'instant, c'est magique

- SableCC4 est aussi un générateur d'analyseur syntaxique
- Algorithmes pour plus tard
(spoiler : on y parle d'automates)

Grammaire

Langages

- Décrire des langages par leur structure syntaxique
- Représentation humaine

Exemple

- Une expression est la somme de deux expressions, ou le produit de deux expressions, ou un nombre

Questions

- La chaîne appartient-elle au langage ?
- Si oui, quelle est la structure (l'arbre) syntaxique ?

Grammaire non contextuelle

Jeton (terminal)

- Élément de l'alphabet du langage
- Seul le type du jeton est considéré et non le texte
- Distingués en bleu dans la suite

Production (non-terminal)

- Variable désignant un ensemble d'alternatives
- Une production spéciale, celle de départ (racine)

Alternative

- Une séquence de jetons et de productions

Le langage des formes

Grammar formes:

Lexer

`nombre` = ('0' .. '9')+;

Token `nombre`;

Ignored '␣';

Parser

`forme` = { `cercle`: } 'centre' point 'rayon' long |
 { `segment`: } point '—' point ;

`point` = '(' long ',' long ')';

`long` = `nombre` unite ;

`unite` = 'cm' | 'mm' | 'pt' | 'px' ;

Le langage des formes

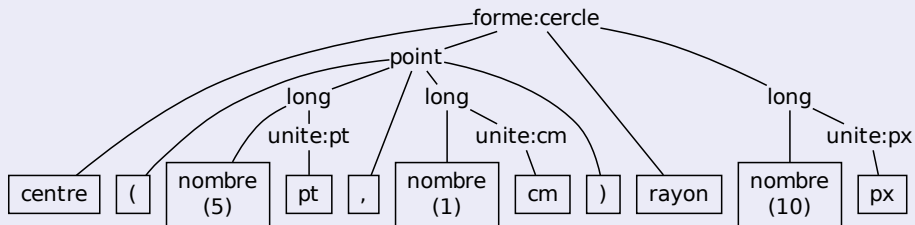
Exercice : Trouver l'arbre syntaxique

- *centre (5pt, 1cm) rayon 10 px*

Le langage des formes

Exercice : Trouver l'arbre syntaxique

- *centre (5pt, 1cm) rayon 10 px*



Le langage des listes

```
list = {many:} id list |  
       {one:} id ;
```

Exercice : Trouver l'arbre syntaxique

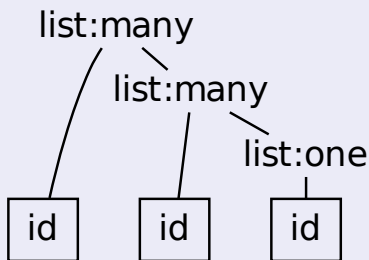
- *id id id*

Le langage des listes

`list = {many:} id list |`
`{one:} id ;`

Exercice : Trouver l'arbre syntaxique

- *id id id*



Le langage des parenthèses

par = {item:} '(' par ')' |
 {empty:} '(' ')' ;

Exercice : Trouver l'arbre syntaxique

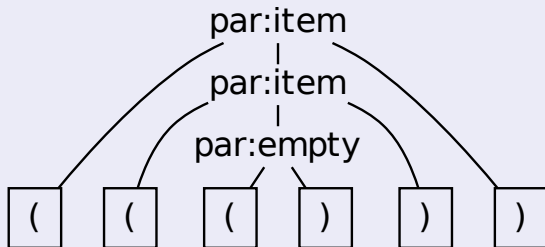
- ((()))

Le langage des parenthèses

par = {item:} '(' par ')' |
 {empty:} '(' ')' ;

Exercice : Trouver l'arbre syntaxique

- ((()))



Grammaires vs. expressions régulières, en théorie

Langage

- Expressions régulières (et automates) \Rightarrow langage régulier
- Grammaires non contextuelles \Rightarrow langage non contextuel

Qui est le plus fort ?

- Peut-on définir tout langage régulier avec une grammaire non contextuelle ?
- Peut-on définir tout langage non contextuel avec une expression régulière ?

Grammaires vs. expressions régulières, en théorie

Langage

- Expressions régulières (et automates) \Rightarrow langage régulier
- Grammaires non contextuelles \Rightarrow langage non contextuel

Qui est le plus fort ?

- Peut-on définir tout langage régulier avec une grammaire non contextuelle ? \rightarrow oui
 - Peut-on définir tout langage non contextuel avec une expression régulière ? \rightarrow non
- \Rightarrow Les langages non contextuels incluent les langages réguliers

Grammaires vs. expressions régulières, en pratique

Les expressions régulières sont suffisantes pour l'analyse lexicale

- Recherche de sous-chaînes
- Séquences de jetons au fur et à mesure

Les grammaires sont nécessaires pour l'analyse syntaxique

- Fabrication d'arbres syntaxiques
- Un seul arbre complet d'un coup

Le langage Lisp

```
item = {par:} '(' list ')' |  
        {nil:} '(' ')' |  
        {id:} id ;  
list = {many:} item list |  
        {one:} item ;
```

Exercice : Trouver l'arbre syntaxique

- $(id(id\ id)(id\ id(id)))()$

Le langage des expressions arithmétiques

$$\begin{aligned} \text{exp} = & \{ \text{add:} \} \text{ exp } '+' \text{ exp } | \\ & \{ \text{min:} \} \text{ exp } '-' \text{ exp } | \\ & \{ \text{mul:} \} \text{ exp } '*' \text{ exp } | \\ & \{ \text{int:} \} \text{ int } | \\ & \{ \text{par:} \} '(' \text{ exp } ')' ; \end{aligned}$$

Exercice : Trouver l'arbre syntaxique

- $5 + 4 * 2$
- $5 - 4 - 2$
- $5 + 4 + 2$

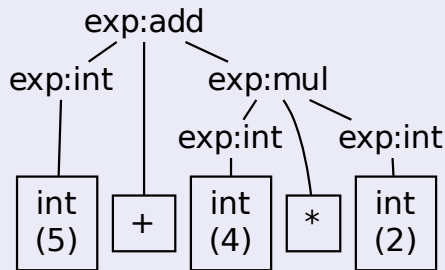
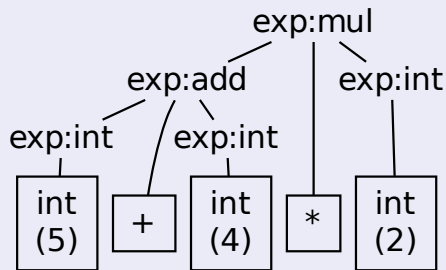
Ambiguïté

Grammaire ambiguë

- Plusieurs arbres syntaxiques pour une même phrase

Exemple

- $5 + 4 * 2$



Ambiguïté

Problème d'arbre

- La question n'est pas sur l'appartenance au langage
- Mais sur obtenir un arbre unique

Détection d'ambiguïté

- Problème non décidable (mais on se débrouille)

Solutions

- Récrire la grammaire
- Priorités explicites (grammaire augmentée)
- Changer le langage

Ambiguïté : Récrire

```
exp = {add:} exp '+' factor |  
      {min:} exp '-' factor |  
      {factor:} factor ;  
factor = {mul:} factor '*' term |  
         {term:} term ;  
term = {int:} int |  
       {par:} '(' exp ')' ;
```

Exercice : Trouver l'arbre syntaxique

- $5 + 4 * 2$
- $(5 + 4) * 2$
- $5 + (4 * 2)$

Ambiguïté : Priorités explicites

```
exp = { add: } exp '+' exp |  
      { min: } exp '-' exp |  
      { mul: } exp '*' exp |  
      { int: } int |  
      { par: } '(' exp ')' ;
```

Precedence

Left mul;

Left add, min;

Attention

- Priorités explicites ne marchent que pour les cas simples

Exercice

Question : Concevoir les grammaires

- Soit l'alphabet $\{ '0', '1' \}$
- Langage où chaque '1' est forcément suivi d'un '0'
Exemples : *001001010* OK ; *1101* pas OK

- Langage des palindromes
Exemples : *011010110* OK ; *1101* pas OK

Exercice

Question : Concevoir les grammaires

- Soit l'alphabet $\{ '0', '1' \}$
- Langage où chaque '1' est forcément suivi d'un '0'
Exemples : *001001010* OK ; *1101* pas OK

$S = '0' S \mid '1' '0' S \mid ;$

- Langage des palindromes
Exemples : *011010110* OK ; *1101* pas OK

$S = '0' S '0' \mid '1' S '1' \mid '1' \mid '0' \mid ;$